

Дополнительная общеобразовательная общеразвивающая программа для детей и взрослых «Подготовка к поступлению в вуз» по дисциплине математика обсуждена и принята на заседании кафедры высшей математики физико-математического факультета «30» марта 2017 г., протокол № 8.

Дополнительная общеобразовательная общеразвивающая программа для детей и взрослых «Подготовка к поступлению в вуз» по дисциплине математика обсуждена и принята Ученым советом Псковского государственного университета «27» марта 2017 г., протокол № 7.

Разработчик программы:

Старший преподаватель кафедры высшей математики, член предметной комиссии Псковской области по проверке выполнения заданий экзаменационных работ ЕГЭ в 2017 г. по математике



С.В. Никитина

СОГЛАСОВАНО.

Директор
Института непрерывного образования



И.В. Андреева

Эксперты:

Доцент кафедры математического анализа и методики обучения математике, кандидат педагогических наук



Н.В. Перькова

Доцент кафедры математики и методики обучения математике Псков ГУ



С.В. Лебедева

1. ЦЕЛЬ РЕАЛИЗАЦИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Основной целью дополнительной общеобразовательной общеразвивающей программы для детей и взрослых «Подготовка к поступлению в вуз» по дисциплине математика является формирование у слушателей основных видов компетенций:

ценностно-смысловой – обучение осмысленной организации собственной деятельности; учить умению применять полученные навыки при решении нестандартных задач;

информационной – учить добывать нужную информацию, используя доступные источники (справочники, учебники, словари, СМИ), передавать ее;

коммуникативной – совершенствовать навыки работы в группе, умение работать на результат, доказывать собственное мнение, вести диалог, развивать математическую культуру и творческие способности слушателей.

Программа предназначена для детей и (или) взрослых. Минимальный возраст обучающихся 16 лет.

Программа имеет социально-педагогическую направленность, так как поможет обеспечить эффективную подготовку слушателей подготовительного отделения к сдаче экзамена по математике в форме ЕГЭ и повысить уровень практического владения учебным материалом, на комплексное повторение и закрепление всех основных разделов школьного курса. Программа содержит систематизацию и обобщение знаний, полученных слушателями несколько лет назад и дает возможность помочь им приобрести необходимую базу для успешной сдачи ЕГЭ.

Настоящая программа представляет собой систему подготовки к ЕГЭ по математике и составлена на основе следующих документов:

1. Федеральный государственный образовательный стандарт среднего полного образования;

2. Кодификатор элементов содержания и требований к уровню подготовки выпускников общеобразовательных учреждений для проведения единого государственного экзамена по математике/Подготовлен: ФИПИ, 2016г.

3. Спецификация контрольных измерительных материалов для проведения единого государственного экзамена по математике Подготовлена: ФИПИ, 2016 г.

Содержание обучения математике структурировано на основе компетентностного подхода.

Компетентностный подход предполагает усиление прикладного, практического характера подготовки к сдаче ЕГЭ. В связи с этим ставятся следующие задачи:

- реализация индивидуализации обучения; удовлетворение образовательных потребностей слушателей по математике;
- подготовка к обучению в вузе;

- обеспечение усвоения обучающимися наиболее общих приемов и способов решения задач. Развитие умений самостоятельно анализировать и решать задачи по образцу и в незнакомой ситуации;
- формирование и развитие аналитического и логического мышления.
- расширение математического представления учащихся по определённым темам, включённым в программы вступительных экзаменов в другие типы учебных заведений;
- развитие коммуникативных и общеучебных навыков работы в группе, самостоятельной работы, умений вести дискуссию, аргументировать ответы.

По результатам успешного освоения программы обучающимся выдается сертификат установленного образца.

2. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

Изучение данного курса дает слушателям возможность:

- повторить и систематизировать ранее изученный материал школьного курса математики;
- освоить основные приемы решения задач;
- овладеть навыками построения и анализа предполагаемого решения поставленной задачи;
- овладеть и пользоваться на практике техникой сдачи теста;
- познакомиться и использовать на практике нестандартные методы решения задач;
- повысить уровень своей математической культуры, творческого развития, познавательной активности;
- познакомиться с возможностями использования электронных средств обучения, в том числе Интернет-ресурсов, в ходе подготовки к итоговой аттестации в форме ЕГЭ.

3. УЧЕБНЫЙ ПЛАН

№	Наименование разделов	В том числе				Форма текущего контроля или промежуточной аттестации
		Аудиторные занятия			Самостоятельная работа	
		Всего, час	лекции	Практические занятия		
1	2	3	4	5	6	7
1.	Алгебра	3	2	1	-	Тест
2.	Уравнения и неравенства	3	2	1	-	Тест
3.	Функции	3	2	1	-	Тест
4.	Начала математического анализа	6	3	3	-	Тест
5.	Геометрия	6	3	3	-	Тест
6.	Элементы комбинатори-	6	3	3	-	Тест

	ки, статистики и теории вероятностей					
7.	Итоговый тест	3	-	3	-	
	Итого	30	15	15	-	

4. КАЛЕНДАРНЫЙ УЧЕБНЫЙ ГРАФИК

Период обучения: 4 месяца

Количество недель: 10

Количество учебных дней в неделю – 1

Количество часов обучения в день – 3

Время проведения: утверждается расписанием.

№	Наименование разделов	Кол-во аудиторных часов	Порядковый номер недели обучения
1.	<i>Алгебра</i>	3	1
2.	<i>Уравнения и неравенства</i>	3	2
3.	<i>Функции</i>	3	3
4.	<i>Начала математического анализа</i>	6	4,5
5.	<i>Геометрия</i>	6	6,7
6.	<i>Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей</i>	6	8,9
7.	Итоговый тест	3	10

Расписание занятий на каждый период обучения утверждается директором института непрерывного образования Псковского государственного университета до начала обучения в данном периоде.

5. РАБОЧИЕ ПРОГРАММЫ УЧЕБНЫХ ПРЕДМЕТОВ

Содержание программы

Алгебра

Числа, корни и степени.

Целые числа. Степень с натуральным показателем. Дроби, проценты, рациональные числа. Степень с целым показателем.

Корень степени $n > 1$ и его свойства.

Степень с рациональным показателем и ее свойства.
 Свойства степени с действительным показателем.
 Основы тригонометрии.
 Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла.
 Радианная мера угла.
 Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.
 Основные тригонометрические тождества.
 Промежутки сохранения знака для тригонометрических функций. Вычисление значений тригонометрических выражений без таблиц.
 Формулы приведения.
 Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.
 Синус и косинус двойного угла.
 Логарифмы.
 Логарифм числа.
 Логарифм произведения, частного, степени. Десятичный и натуральный логарифмы, число e .
 Задачи на расположение корней квадратного трехчлена. Корни многочленов.- Теорема Безу.
 Преобразования выражений.
 Преобразования выражений, включающих арифметические операции.
 Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень.
 Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени.
 Преобразования тригонометрических выражений.
 Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования.
 Модуль (абсолютная величина) числа.

Уравнения и неравенства

Квадратные уравнения.
 Рациональные уравнения.
 Иррациональные уравнения.
 Тригонометрические уравнения.
 Показательные уравнения.
 Логарифмические уравнения.
 Равносильность уравнений, систем уравнений.
 Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными.
 Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.
 Использование свойств и графиков функций при решении уравнений.
 Квадратные неравенства.
 Рациональные неравенства.
 Показательные неравенства.
 Логарифмические неравенства.

Системы линейных неравенств.

Системы неравенств с одной переменной.

Равносильность неравенств, систем неравенств.

Использование свойств и графиков функций при решении неравенств

Метод интервалов.

Изображение на координатной плоскости множества.

решений неравенств с двумя переменными и их систем.

Функции

Определение и график функции.

Функция, область определения функции.

Множество значений функции.

График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.

Обратная функция. График обратной функции.

Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.

Элементарное исследование функций.

Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания.

Четность и нечетность функции.

Периодичность функции.

Ограниченность функции.

Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции.

Наибольшее и наименьшее значения функции.

Основные элементарные функции.

Начала математического анализа

Производная.

Понятие о производной функции, геометрический смысл производной.

Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.

Уравнение касательной к графику функции.

Производные суммы, разности, произведения, частного.

Производные основных элементарных функций.

Вторая производная и ее физический смысл.

Исследование функций.

Применение производной к исследованию функций и построению графиков.

Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Первообразная и интеграл.

Первообразные элементарных функций.

Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

Геометрия

Планиметрия.

Треугольник.

Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат, трапеция.

Окружность и круг.

Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника.

Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника.

Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника.

Прямые и плоскости в пространстве.

Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых.

Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства.

Параллельность плоскостей, признаки и свойства.

Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах.

Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства.

Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур

Многогранники.

Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма.

Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде

Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида

Сечения куба, призмы, пирамиды.

Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

Тела и поверхности вращения.

Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка

Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка

Шар и сфера, их сечения.

Измерение геометрических величин.

Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности.

Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями.

Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника.

Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми, расстояние между параллельными плоскостями.

Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора

Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы
 Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.

Координаты и векторы

Декартовы координаты на плоскости и в пространстве.

Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы.

Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число.

Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам.

Компланарные векторы. Разложение по трем некопланарным векторам

Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами.

Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей

Элементы комбинаторики.

Поочередный и одновременный выбор.

Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона

Элементы статистики.

Табличное и графическое представление данных.

Числовые характеристики рядов данных.

Элементы теории вероятностей.

Вероятности событий.

Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач.

6. ФОРМЫ АТТЕСТАЦИИ И ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

Основными условиями эффективности системы оценивания результатов освоения программы являются систематичность, личностная ориентированность и позитивность.

Методы оценивания:

- наблюдение;
- оценивание процесса выполнения;
- открытый ответ;
- выбор ответа;
- краткий свободный ответ

Формы проведения занятий:

- лекционные занятия;
- практические занятия;
- репетиционное тестирование.

Формы контроля

Текущий контроль – осуществляется на каждом занятии в виде выполнения тестовых заданий.

Итоговый контроль – в конце учебного курса (в виде репетиционного тестирования в формате ЕГЭ).

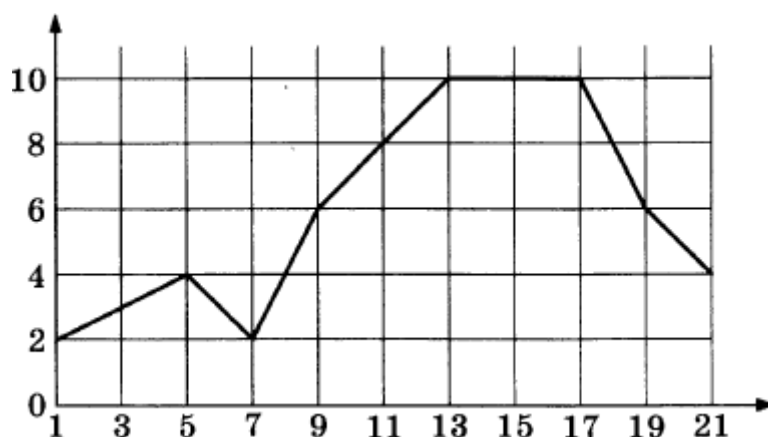
Примерный тест по математике

Профильный уровень

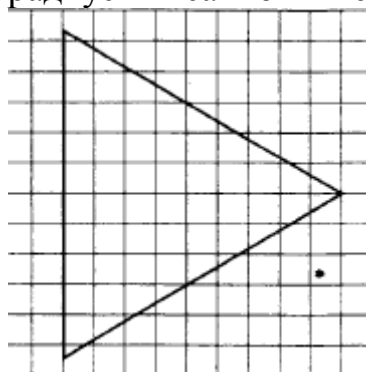
Часть 1

1. Пакет молока стоит 21 рубль 30 копеек. Какое наибольшее количество пакетов молока можно купить на 500 рублей?

2. Первый посев семян петрушки рекомендуется проводить в апреле при дневной температуре воздуха не менее $+6^{\circ}\text{C}$. На рисунке показан прогноз дневной температуры воздуха на первые три недели апреля. Определите, в течение скольких дней за этот период можно производить посев петрушки.



3. На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён равнобедренный треугольник. Найдите радиус вписанной в него окружности.



4. Перед началом первого тура чемпионата по шашкам участников разбивают на игровые пары случайным образом с помощью жребия. Всего в чемпионате участвуют 56 шашистов, среди которых 12 участников из России, в том числе Валерий Стремянкин. Найдите вероятность того, что в первом туре Валерий Стремянкин будет играть с каким-либо шашистом из России.

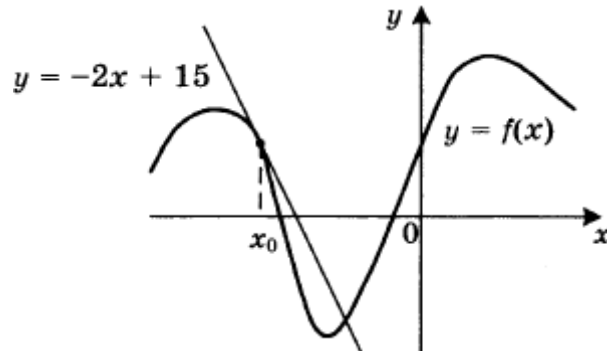
5. Найдите корень уравнения $5^{4-x} = 25$.

6. Отрезок АВ является хордой окружности с центром О. Найдите угол между прямой АВ и касательной к окружности, проходящей через точку А, если угол АОВ равен 56° . Ответ дайте в градусах.

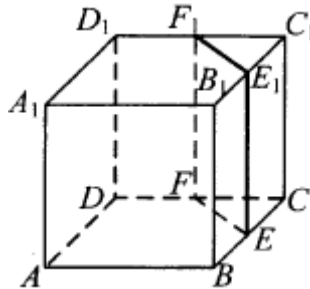
7. На рисунке изображены график функции $y = f(x)$ и касательная к этому графику, проведенная в точке x_0 . Касательная задана уравнением $y = -2x + 15$. Найдите значение производной функции

$$y = -\frac{1}{4}f(x) + 5$$

в точке x_0 .



8. В кубе $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ точки E, F, E_1 и F_1 являются серединами рёбер BC, DC, $B_1 C_1$ и $D_1 C_1$ соответственно. Объём призмы, отсекаемой от куба плоскостью EFF_1 , равен 14. Найдите объём куба.



Часть 2

9. Найдите значение выражения $(558^2 - 23^2) : 581$.

10. Ёмкость высоковольтного конденсатора в телевизоре $C = 4 \cdot 10^{-6}$ Ф. Параллельно с конденсатором подключён резистор с сопротивлением $R = 2 \cdot 10^6$ Ом. Во время работы телевизора напряжение на конденсаторе $U_0 = 22$ кВ. После выключения телевизора напряжение на конденсаторе убывает до значения U (кВ) за время, определяемое выражением

$$t = \alpha RC \log_2 \frac{U_0}{U} \quad (\text{с}),$$

где $\alpha = 1,7$ с / Ом · Ф - постоянная. Определите напряжение на конденсаторе, если после выключения телевизора прошло 27,2 секунды. Ответ дайте в кВ (киловольтах).

11. В сосуд, содержащий 7 литров 15-процентного водного раствора некоторого вещества, добавили 8 литров воды. Сколько процентов составит концентрация получившегося раствора?

12. Найдите наибольшее значение функции

$y = (21 - x)e^{x-20}$
на отрезке $[19; 21]$.

13. Решите уравнение

$$\frac{(\operatorname{tg} x + \sqrt{3}) \log_{13}(2 \sin^2 x)}{\log_{31}(\sqrt{2} \cos x)} = 0.$$

14. В правильной четырёхугольной пирамиде $SABCD$ с вершиной S сторона основания равна 4. Точка L - середина ребра SC . Тангенс угла между прямыми BL и SA равен

$$\frac{2\sqrt{34}}{17}.$$

а) Пусть O - центр основания пирамиды. Докажите, что прямые BO и LO перпендикулярны.

б) Найдите площадь поверхности пирамиды.

15. Решите неравенство

$$\frac{2x^2 - 10x + 6}{x - 5} \leq x.$$

16. Окружность с центром O вписана в угол, равный 60° . Окружность большего радиуса с центром O_1 также вписана в этот угол и проходит через точку O .

а) Докажите, что радиус второй окружности вдвое больше радиуса первой.

б) Найдите длину общей хорды этих окружностей, если известно, что радиус первой окружности равен $2\sqrt{3}$.

17. В двух областях есть по 90 рабочих, каждый из которых готов трудиться по 5 часов в сутки на добыче алюминия или никеля. В первой области один рабочий за час добывает 0,3 кг алюминия или 0,1 кг никеля. Во второй области для добычи x кг алюминия в день требуется x^2 человеко-часов труда, а для добычи y кг никеля в день требуется y^2 человеко-часов труда.

Для нужд промышленности можно использовать или алюминий, или никель, причём 1 кг алюминия можно заменить 1 кг никеля. Какую наибольшую массу металлов можно добыть в двух областях суммарно для нужд промышленности?

18. Найдите все значения параметра a , при каждом из которых неравенство

$$\left| \frac{x^2 + x - 2a}{x + a} - 1 \right| \leq 2$$

не имеет решений на интервале $(1; 2)$.

19. Решите в целых числах уравнение $3^n + 8 = x^2$.

Ответы:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
23	11	3	0,2	2	28	0,5	112	535	5,5	7	1
13	$x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$										
14	80										
15	$(-\infty; -3], [-2; 5)$										
16	$3\sqrt{5}$										
17	165 кг										
18	$(-\infty; -\frac{1}{5}]; [8; +\infty)$										
19	$n = 0, x = 3; n = 0, x = -3$										

7. ОРГАНИЗАЦИОННО-ПЕДАГОГИЧЕСКИЕ УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ

Учебно-методические материалы

Основная литература

1. Сборник задач по математике для поступающих в вузы.
Под ред. М.И.Сканави.- М.: Издательство: Мир и Образование, АСТ 2016. - 608 с.
2. Крамор В. С. Повторяем и систематизируем школьный курс геометрии—4е изд. — М.: Издательство: Мир и Образование, АСТ, 2011
3. Яценко И. В., Забелин А. В., Захаров П. И., Высоцкий И. Р. ЕГЭ. Математика. 4000 задач с ответами. Базовый и профильный уровни – М.: Издательство: Экзамен, 2017 г.

Дополнительная литература

1. Яценко И. В. ЕГЭ-17. Математика. 30 тренировочных вариантов экзаменационных работ. Профильный уровень. – М.: Издательство: АСТ, 2016 г.
2. Выгодский М.Я. Справочник по элементарной математике. - М.: АСТ Астрель, 2016. - 512с.
3. А. Г. Мордкович, В. И. Глизбург, Н. Ю. Лаврентьева ЕГЭ. Математика. Новый полный справочник. - М.: АСТ 2016, 352с.
4. Садовничий Ю. В. ЕГЭ. Практикум по математике: Решение уравнений и неравенств. Преобразование алгебраических выражений – М.: Издательство: Экзамен, 2016 г.
5. Яценко И. В., Высоцкий И. Р. ЕГЭ 2017. Математика. Типовые тестовые задания. Профильный уровень – М.: Издательство: Экзамен, 2016 г.

Материально-технические условия программы:
учебная аудитория.

Педагогические условия:

К реализации программы допускается педагогический работник и (или) специалист, имеющий опыт преподавания по теме Математика.

Особенности освоения программы инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья:

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями учебный процесс осуществляется в соответствии с Положением о порядке организации и осуществления образовательной деятельности для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, обучающихся по образовательным программам среднего профессионального, высшего и дополнительного образования в ФГБОУ ВО «Псковский государственный университет», утверждённым приказом ректора 15.06.2015 № 141 (в редакции, утвержденной приказом ректора от 30.11.2017 № 392).

Особенности реализации программы при различных формах обучения:

Виды учебной работы	Форма обучения		
	Очная	Очно-заочная	Дистанционная
Аудиторные занятия (час.)	30	-	-
Самостоятельная работа (час.)	-	-	-
Итого (час.)	30	-	-

8. КОМПОНЕНТЫ, ОПРЕДЕЛЯЕМЫЕ РАЗРАБОТЧИКОМ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Программа может реализовываться с использованием дистанционных образовательных технологий. При этом минимальные требования к обеспечению слушателей: наличие компьютера и выхода в Интернет.